

Théorème

Soit $f(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + a_{n-2} x^{n-2} + \dots + a_2 x^2 + a_1 x + a_0$ une fonction polynomiale à **coefficients entiers** (c'est-à-dire que $a_0, a_1, a_2, \dots, a_n \in \mathbb{Z}$)

Si c est un zéro entier de f , alors c est un diviseur de a_0 .

1. Dans la démonstration ci-dessous, donner les arguments qui manquent et compléter lorsque c'est nécessaire :

Démonstration :

- c est un zéro de f , car [ARG 1:]

- donc $f(c) = [\dots]$, car [ARG 2:]

- càd que : $a_n c^n + a_{n-1} [\dots]^{n-1} + a_{n-2} c^{n-2} + \dots + a_2 c^2 + [\dots] c + a_0 = 0$

car [ARG 3:]

- d'où $a_n c^n + a_{n-1} [\dots]^{n-1} + a_{n-2} c^{n-2} + \dots + a_2 c^2 + [\dots] c = -a_0$

car [ARG 4:]

- d'où $c \cdot (a_n c^{n-1} + a_{n-1} [\dots]^{n-2} + a_{n-2} c^{n-3} + \dots + a_2 c + a_1) = -[\dots]$

car [ARG 5:]

- on en déduit que c est un diviseur de [.....]

car [ARG 6:]