

## Collège de Saussure

### Examen semestriel de mathématique - Troisième année - Niveau normal

<p>Date : Décembre 2009 Durée : 160 minutes Enseignant : Jean-Marie Delley Cours : 3MA1.DF5</p> <p><b>Nom de l'élève</b> : .....</p> <p><b>Prénom de l'élève</b> : .....</p>	<p><b>Informations chiffrées après correction du maître</b></p> <p>Notations (une coche par faute) :</p> <table border="1" data-bbox="812 535 1428 600"><tr><td>Fautes :</td><td>→ ..... / 2</td></tr></table> <p>Français (une coche par faute) [bonus] :</p> <table border="1" data-bbox="812 647 1428 712"><tr><td>Fautes :</td><td>→ ..... / 2</td></tr></table> <p>Total des points des exercices : ..... / 77</p> <p>Total des points de l'épreuve : ..... / 79</p> <p>Note :            / 6</p>	Fautes :	→ ..... / 2	Fautes :	→ ..... / 2
Fautes :	→ ..... / 2				
Fautes :	→ ..... / 2				
<p><b>Commentaires du professeur sur le travail</b></p>	<p><b>Commentaires de l'élève sur son travail</b></p>				
<p>Rappel : reporter les commentaires du professeur et les vôtres dans votre suivi individualisé des évaluations sur le site <a href="http://math.bibop.ch">http://math.bibop.ch</a></p>					

**Début du travail***Exercice 1 (environ 6 points)*

Déterminer la dérivée de la fonction réelle  $f$  définie par  $f(x) = \frac{1}{2x-1}$  en  $x=3$  en utilisant la définition de la dérivée et non les formules de dérivation.

*Exercice 2 (environ 11 points)*

Calculer les limites suivantes:

$$\text{a) } \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 + x - 2}{x^2 - 4}$$

$$\text{b) } \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{9x^2 + 7x} - 4x}{x - 1}$$

$$\text{c) } \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-x^3 - 2x^2 + 1}{2x^3 - 8}$$

*Exercice 3 (environ 12 points)*

En utilisant les formules vues au cours, déterminer les dérivées des fonctions réelles suivantes; donner une réponse factorisée au maximum et ne comprenant aucun exposant négatif ou fractionnaire:

$$\text{a) } f(x) = \frac{3x^2 - 2x + 2}{x - 1}$$

$$\text{b) } f(x) = x\sqrt{x^2 + 1}$$

$$\text{c) } f(x) = (4 - 3x)^9 \cdot (2x^2 + 1)^6$$

*Exercice 4 (environ 13 points)*

Soit la fonction réelle  $f$  définie par  $f(x) = x^3 - 3x^2 - 60x + 3$

- Déterminer s'il y a des droites tangentes à  $f$  dont la pente est égale à 12.
- Si oui, donner les équations de ces droites tangentes.

*Exercice 5 (environ 8 points)*

Vrai ou faux? Justifier précisément.

a) Si  $\lim_{h \rightarrow 0} f(x+h)$  existe (dans  $\mathbb{R}$ ), alors  $f$  est continue en  $x$

b) Si  $f$  est continue en  $x$  existe, alors  $\lim_{h \rightarrow 0} f(x+h)$  existe (dans  $\mathbb{R}$ )

*Exercice 6 (environ 13 points)*

Représenter graphiquement une fonction  $f$  de votre choix qui vérifie toutes les conditions suivantes :

- a) L'ensemble  $Z_f$  des zéros de  $f$  est  $\{-2;4\}$
- b) L'image de 0 est -2
- c)  $\lim_{x \rightarrow 3} f(x) = -\infty$
- d)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$  et  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 4$
- e)  $\lim_{x \rightarrow -4} f(x) = 2$  et  $f(-4) = -1$
- f)  $f$  n'est pas continue en  $x=7$
- g)  $f'(-3) = 0$  et  $f'(1) = -1$
- h)  $f$  n'est pas dérivable en  $x=5$  mais est continue en  $x=5$

*Exercice 7 (environ 14 points)*

Soit la fonction réelle  $f$  définie par  $f(x) = x^2 - 4x - 3$ .

Trouver le(s) point(s) de la représentation graphique de  $f$  pour lesquels la droite tangente à  $f$  coupe l'axe des abscisses au point  $A(6;0)$

