

### Travail de mathématiques n°4

Date : 12 mai 2016

Durée : 90'

Enseignant : Jean-Marie Delley

Cours : 3Ma1DF02

Matériel autorisé

- Calculatrice personnelle non programmable et non graphique
- Table numérique non annotée

Remarques

- Il ne suffit pas de répondre par un nombre ou par oui ou par non; il est important de justifier les réponses et de donner tous les détails des calculs.
- Si vous utilisez la calculatrice pour déterminer directement un résultat, indiquez-le par un « C »!
- Indiquez vos initiales en haut de chaque page

Nom: .....

Prénom: .....

Groupe: .....

Notations (une coche par faute) :

Fautes :	→ .... / 1
----------	------------

Français (une coche par faute) [bonus] :

Fautes :	→ .... / 1
----------	------------

Total des points des exercices : ..... / 60

Total des points de l'épreuve : ..... / 61

Note : / 6

### Début du travail

Exercice 1 (*environ 8 points*)

Déterminer les équations vectorielle, paramétriques et cartésienne du plan contenant par A(1;-4;1), B(0;3;1) et C(-1;-3;0)

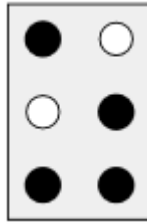
Exercice 2 (*environ 6 points*)

Déterminer les équations vectorielle, paramétriques et cartésiennes de la droite  $d$  passant par  $O(0;0;0)$  et  $A(1;1;1)$

Exercice 3 (*environ 3 points*)

Dans l'alphabet Braille chaque lettre ou signe est représenté par 6 points, certains étant en relief et les autres pas.

Combien de signes distincts peut-on ainsi composer ?



*Dans la figure ci-contre, les points noirs représentent des zones en relief, les points blancs des zones sans relief.*

Exercice 4 (*environ 2 points*)

Calculer  $C_2^6$  entièrement à la main.

Exercice 5 (*environ 6 points*)

(a) Quel est le nombre de possibilités de former une équipe de 5 joueurs avec 17 personnes ?

(b) Quel est le nombre de possibilités de former deux équipes différentes de 5 joueurs avec 17 personnes ?

Exercice 6 (*environ 10 points*)

Les plaques minéralogiques d'une région sont composées de 2 chiffres qui peuvent être identiques et de 4 lettres qui doivent toutes être différentes.

- (a) Combien de plaques différentes peut-on ainsi obtenir ?
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
- (b) Combien de plaques y a-t-il qui ne comportent que des voyelles ?
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
- (c) Combien de plaques y a-t-il qui comportent exactement un « E » et un « 3 » ?
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
- (d) On veut éviter qu'une plaque ne commence par un zéro ; combien de telles plaques y a-t-il ?

Exercice 7 (*environ 3 points*)

On jette un dé truqué à quatre faces : la probabilité d'obtenir 1 vaut  $\frac{1}{6}$ , celle d'obtenir 2 vaut  $\frac{1}{5}$ , d'obtenir 3 vaut  $\frac{1}{8}$ . Quelle est la probabilité d'obtenir 4 ? Donner la réponse sous forme de fraction simplifiée.

Exercice 8 (*environ 18 points*)

On jette une pièce truquée 3 fois de suite. La probabilité d'obtenir « Pile » vaut  $1/4$  et celle d'obtenir « Face » vaut  $3/4$ .

- (a) Décrire l'univers  $\Omega$ .
- (b) Déterminer un événement élémentaire E.
- (c) Déterminer un événement non élémentaire F.
- (d) Déterminer deux événements G et H disjoints.
- (e) Déterminer deux événements G et H non incompatibles.
- (f) Donner l'arbre de cette expérience
- (g) Quelle est la probabilité de  $J = \text{« obtenir au moins deux fois Pile »}$
- (h) Quelle est la probabilité de  $K = \text{« obtenir au moins 1 fois Pile »}$

(i) Quelle est la probabilité de  $J \cap K$  ?

(j) Quelle est la probabilité de  $J \cup K$  ?

(k) Que déduire du calcul précédent quant à  $J \cup K$  ?

Exercice 9 (environ 6 points)

On considère le théorème suivant :

Thm : Si  $A$  est un événement aléatoire, alors  $p(\bar{A})=1-p(A)$

Dém : on a :  $A \cup \bar{A} = [\dots\dots]$

et  $A \cap \bar{A} = [\dots\dots]$

donc  $p(A \cup \bar{A}) = [\dots\dots\dots] + [\dots\dots\dots] - [\dots\dots\dots]$ , car  $[\dots\dots\dots]$

$\Leftrightarrow p([\dots\dots]) = p([\dots\dots]) + p([\dots\dots]) - p([\dots\dots])$ , car  $[\dots\dots\dots]$

$\Leftrightarrow [\dots\dots\dots] = p([\dots\dots]) + p([\dots\dots]) - [\dots\dots\dots]$ , car  $[\dots\dots\dots]$

$\Leftrightarrow 1-p(A)=p(\bar{A})$

Compléter les  $[\dots\dots\dots]$ .

Rappels :

Axiome 1 :  $P(A) \geq 0$  pour tout événement  $A$

Axiome 2 :  $P(\Omega) = 1$

Axiome 3 : Si  $A$  et  $B$  sont incompatibles, alors  $p(A \cup B) = p(A) + p(B)$

Théorème 1 :  $p(\emptyset) = 0$

Théorème 2 : Soient  $A \subseteq \Omega$  et  $B \subseteq \Omega$ . Alors  $p(A \cup \bar{B}) = p(A) - p(A \cap B)$

Théorème 3 : Soient  $A \subseteq \Omega$  et  $B \subseteq \Omega$ . Alors  $p(A \cup B) = p(A) + p(B) - p(A \cap B)$

Théorème 4 : Soit  $A \subseteq \Omega$ . Alors  $p(\bar{A}) = 1 - p(A)$