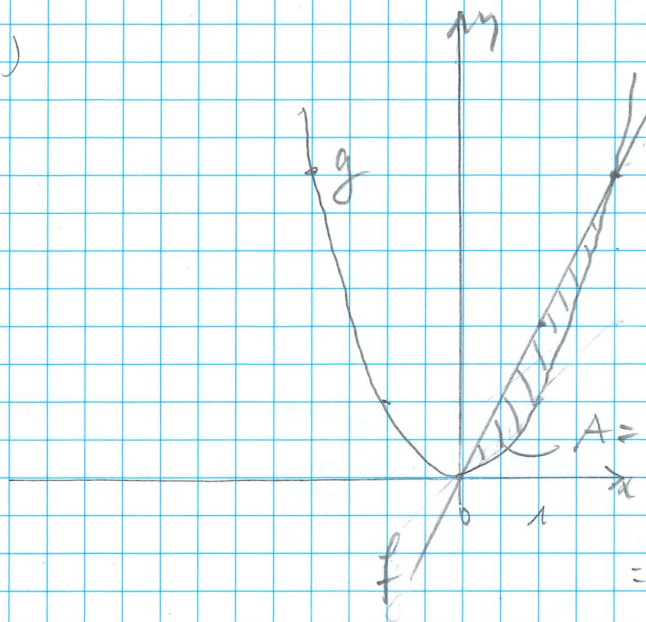


ex 64 (a)



$$\begin{aligned} A &= \int_0^2 f(x) dx - \int_0^2 g(x) dx = \int_0^2 (f(x) - g(x)) dx \\ &= \int_0^2 (2x - x^2) dx = \left. x^2 - \frac{x^3}{3} \right|_0^2 \\ &= \left(2^2 - \frac{2^3}{3} \right) - 0 = 4 - \frac{8}{3} = \frac{4}{3} \end{aligned}$$

(b) h est représenté par une droite par l'origine

c'est comme si on remplace f par h en la faisant tourner autour de l'origine pour donner l'aire de (a) par 4, soit égale à $\frac{4}{3} \div 4 = \frac{1}{3}$

on peut même une pente d'environ un peu plus que 1...

$$g \cap h : x^2 = cx \Leftrightarrow x^2 - cx = 0 \Leftrightarrow x(x-c) = 0 \\ x=0 \text{ ou } x=c$$

$$\text{on veut : } \frac{1}{3} = \int_0^c (cx - x^2) dx \Leftrightarrow \frac{1}{3} = \left. \frac{cx^2}{2} - \frac{x^3}{3} \right|_0^c$$

$$\Leftrightarrow \frac{1}{3} = \left(\frac{c^3}{2} - \frac{c^3}{3} \right) - (0 - 0)$$

$$\Leftrightarrow \frac{1}{3} = \frac{c^3}{6} \Leftrightarrow c^3 = 2 \Leftrightarrow c = \sqrt[3]{2}$$