Les comprendre ... pour mieux les éviter !

Manque de parenthèses - 1^{re} illustration

Enoncé

Simplifier le plus possible en donnant la réponse comme unique écriture fractionnaire : $\frac{x+2}{3}$. $\frac{5}{9}$

Erreur

$$\frac{x+2}{3} \cdot \frac{5}{9} = \frac{x+2\cdot 5}{3\cdot 9} = \frac{x+10}{27}$$

Pourquoi ? Au numérateur, pour respecter la multiplication des écritures fractionnaires, on doit effectuer la multiplication de *x*+2 par 5.

Pour respecter l'ordre des opérations, ceci doit s'écrire comme $(x+2)\cdot 5$ alors que dans le calcul ci-dessus on a écrit $x+2\cdot 5$ en oubliant les parenthèses.

Le respect de l'ordre des opérations implique alors que seul le 2 est multiplié par 5, ce qui conduit à une erreur.

Corrigé

$$\frac{x+2}{3} \cdot \frac{5}{9}$$

pour respecter l'ordre des opérations

$$\frac{(x+2)\cdot 5}{3\cdot 9} \stackrel{\text{distributivit\'e}}{=} \frac{5x+10}{27}$$



Les erreurs classiques ...

Les comprendre ... pour mieux les éviter !

« Errare humanum est, sed perseverare diabolicum est » Proverbe latin

Manque de parenthèses - 2^e illustration

Enoncé

Simplifier le plus possible sans laisser de racine carrée au dénominateur : $\frac{\sqrt{5+2}}{\sqrt{5}}$



$$\frac{\sqrt{5}+2}{\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{5}+2}{\sqrt{5}} \cdot \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{5}+2\cdot\sqrt{5}}{\sqrt{5}\cdot\sqrt{5}} = \frac{3\cdot\sqrt{5}}{5}$$

Pourquoi ? Au numérateur, pour respecter la multiplication des écritures fractionnaires, on doit effectuer la multiplication de $\sqrt{5}$ +2 par $\sqrt{5}$

Pour respecter l'ordre des opérations, ceci doit s'écrire comme $(\sqrt{5}+2)\cdot\sqrt{5}$ alors que dans le calcul ci-dessus on a écrit $\sqrt{5}+2\cdot\sqrt{5}$ en oubliant les parenthèses.

Le respect de l'ordre des opérations implique alors que seul le 2 est multiplié par $\sqrt{5}$, ce qui conduit à une erreur.

Corrigé

$$\frac{\sqrt{5}+2}{\sqrt{5}} \stackrel{\text{id\'ee}}{=} \frac{\sqrt{5}+2}{\sqrt{5}} \cdot \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{5}} \quad \stackrel{\text{mult. \'ecr. fract.}}{=} \frac{(\sqrt{5}+2)\cdot\sqrt{5}}{\sqrt{5}\cdot\sqrt{5}} \quad \stackrel{\text{distributivit\'e}}{=} \frac{\text{et propr. racines}}{5} \quad \frac{\sqrt{5}\cdot\sqrt{5}+2\cdot\sqrt{5}}{5} = \frac{5+2\cdot\sqrt{5}}{5}$$